

17-18

GRADO EN MATEMÁTICAS  
TERCER CURSO

# GUÍA DE ESTUDIO PÚBLICA



## RESOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES

CÓDIGO 6102308-



Ámbito: GUJ - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el "Código Seguro de Verificación (CSV)" en la dirección <https://sede.uned.es/valida/>



9E6DE031F21B6D3D39D32392140425A9

17-18

RESOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES  
CÓDIGO 6102308-

# ÍNDICE

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN  
REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA  
EQUIPO DOCENTE  
TUTORIZACIÓN Y SEGUIMIENTO  
TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS  
COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE  
RESULTADOS DE APRENDIZAJE  
CONTENIDOS  
METODOLOGÍA  
SISTEMA DE EVALUACIÓN  
BIBLIOGRAFÍA BÁSICA  
BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA  
RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA



Nombre de la asignatura	RESOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES
Código	6102308-
Curso académico	2017/2018
Departamento	ESTADÍSTICA E INVEST. OPERATIVA Y CÁLC. NUMÉRICO
Títulos en que se imparte	GRADO EN MATEMÁTICAS
Curso	TERCER CURSO
Tipo	OBLIGATORIAS
Nº ETCS	6
Horas	150.0
Periodo	SEMESTRE 2
Idiomas en que se imparte	CASTELLANO

## PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN

El objetivo de este curso es que el alumno aprenda a resolver ecuaciones numéricas y diferenciales. En general, las soluciones de las ecuaciones numéricas que no son lineales, deben ser aproximadas por sucesiones numéricas que converjan a ellas y el modo más común de generar estas sucesiones es a través de algoritmos iterativos. Por otra parte, muchas veces pierde sentido buscar expresiones analíticas de las soluciones, cuya evaluación puede resultar muy complicada. Para resolver ecuaciones que no son lineales, un simple algoritmo puede permitir construir, de un modo eficiente, una sucesión que se aproxima a la solución.

En una primera parte de esta asignatura, las ecuaciones o sistemas de ecuaciones que se pretenden resolver, tienen como incógnitas un escalar, un vector o una sucesión numérica. Pero en una segunda parte, el interés se centra en la resolución de ecuaciones cuya incógnita es una función de una variable real. Estas ecuaciones además involucran operadores diferenciales. Los métodos analíticos que permiten obtener una expresión explícita de la solución en términos de funciones elementales, pueden ser aplicados en pocas situaciones. Más eficientes son los métodos numéricos que transforman las ecuaciones diferenciales en ecuaciones numéricas mediante técnicas basadas en la aproximación de funciones.

Por otra parte, no es posible desligar el aprendizaje de las técnicas numéricas, del manejo de los instrumentos de cálculo automático que permiten su verdadera puesta en práctica en situaciones que no sean deliberadamente simples. La aplicación de los algoritmos numéricos en entornos de cálculo automático es esencial para la perfecta comprensión de la metodología del cálculo numérico. Por esta razón, junto con la realización de ejercicios de naturaleza teórica destinados a la formación conceptual se planteará la resolución de problemas en hojas de cálculo y entornos avanzados de cálculo científico.

En esta asignatura se introducen los conceptos básicos del cálculo numérico que completan los aspectos algorítmicos de las asignaturas de Análisis y Ecuaciones Diferenciales. Se imparte en el segundo semestre del Tercer Curso del Grado en Matemáticas y es una Materia Básica que tiene asignados 6 créditos ECTS.

En el contexto general del perfil profesional del Grado esta asignatura tiene como objetivo el adquirir los conocimientos teóricos y aplicados básicos del Cálculo



Numérico, que se precisan para resolver de modo efectivo los problemas matemáticos estudiados en otras asignaturas del grado. Está básicamente dedicada al estudio de la resolución de ecuaciones numéricas que no son lineales y la aproximación de soluciones de ecuaciones diferenciales. El tipo de ecuaciones consideradas en esta asignatura no puede ser *resueltas a mano* debidos a la cantidad y complejidad de cálculos que implican y por lo tanto se hace necesario que sean tratados con ayuda del cálculo automático realizado por los computadores.

El estudio de la asignatura ha de contribuir a la adquisición de una serie de competencias específicas de la materia, tales como la resolución de sistemas de ecuaciones numéricas que no son lineales como la aproximación de soluciones de ecuaciones diferenciales. El alumno ha recibido en los primeros cursos una formación teórica sobre como comprender y analizar diversos tipos de problemas matemáticos. Ahora debe aprender a resolverlos de un modo efectivo.

## REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA

Se considera indispensable para cursar esta asignatura, conocer las materias que se imparten en las siguientes asignaturas:

Álgebra Lineal I  
Funciones de una Variable I  
Álgebra Lineal II  
Funciones de una Variable II  
Funciones de varias Variables I  
Funciones de varias Variables II  
Herramientas Informáticas para Matemáticas  
Análisis Numérico Matricial e Interpolación  
Lenguajes de Programación  
Introducción a las Ecuaciones Diferenciales

## EQUIPO DOCENTE

Nombre y Apellidos  
Correo Electrónico  
Teléfono  
Facultad  
Departamento

CARLOS ANTONIO MORENO GONZALEZ  
cmoreno@ccia.uned.es  
91398-7257  
FACULTAD DE CIENCIAS  
ESTADÍST, INV. OPERATIVA Y CÁLCULO NUMÉR.



## TUTORIZACIÓN Y SEGUIMIENTO

Los alumnos podrán ponerse en contacto con el Equipo Docente por medio del correo electrónico, el curso virtual, el teléfono o la entrevista personal.

Facultad de Ciencias. Despacho 116.

*E-mail:*cmoreno@ccia.uned.es

*Teléfono:*91 398 72 5791 398 72 57

*Horario:* Martes: 11-13 h y 16-18h

## TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS

## COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE

### COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE

CG4	Análisis y Síntesis	CED1	Comprensión de los conceptos básicos y familiaridad con los elementos fundamentales para el estudio de las Matemáticas superiores
CG5	Aplicación de los conocimientos a la práctica	CED2	Destreza en el razonamiento cuantitativo, basado en los conocimientos adquiridos
CG6	Razonamiento crítico	CEP1	Habilidad para formular problemas procedentes de un entorno profesional, en el lenguaje matemático, de manera que faciliten su análisis y resolución



CG7	Toma de decisiones	CEP2	Habilidad para formular problemas de optimización, que permitan la toma de decisiones, así como la construcción de modelos matemáticos a partir de situaciones reales
CG8	Seguimiento, monitorización y evaluación del trabajo propio o de otros	CEP3	Habilidad para la comunicación con profesionales no matemáticos para ayudarles a aplicar las matemáticas en sus respectivas áreas de trabajo
CG10	Comunicación y expresión escrita	CEP4	Resolución de problemas
CG11	Comunicación y expresión oral	CEA1	Destreza en el razonamiento y capacidad para utilizar sus distintos tipos, fundamentalmente por deducción, inducción y analogía



CG13	Comunicación y expresión matemática, científica y tecnológica	CEA2	Capacidad para tratar problemas matemáticos desde diferentes planteamientos y su formulación correcta en lenguaje matemático, de manera que faciliten su análisis y resolución. Se incluye en esta competencia la representación gráfica y la aproximación geométrica
CG20	Ética profesional (esta última abarca también la ética como investigador)	CEA3	Habilidad para crear y desarrollar argumentos lógicos, con clara identificación de las hipótesis y las conclusiones
		CEA4	Habilidad para detectar inconsistencias de razonamiento ya sea de forma teórica o práctica mediante la búsqueda de contraejemplos
		CEA6	Habilidad para extraer información cualitativa a partir de información cuantitativa



CEA7	Habilidad para presentar el razonamiento matemático y sus conclusiones de manera clara y precisa, de forma apropiada a la audiencia a la que se dirige, tanto en la forma oral como escrita
CEA8	Capacidad de relacionar distintas áreas de las matemáticas
CE1	Razonamiento crítico, capacidad de evaluar trabajos propios y ajenos
CE2	Conocimiento de la lengua inglesa para lectura, escritura, presentación de documentos y comunicación con otros especialistas

## RESULTADOS DE APRENDIZAJE

1. Capacidad para analizar una ecuación numérica no lineal entendiéndola como tal, la capacidad para conocer si admite solución, si es única y para aislarla en intervalos.
2. Capacidad para escoger el método adecuado para resolver una ecuación numérica que no sea lineal.
3. Capacidad para distinguir situaciones de inestabilidad en el cálculo.
4. Capacidad para resolver específicamente ecuaciones polinómicas numéricas.
5. Capacidad para poner en práctica estos algoritmos en entornos de cálculo en computador.
6. Capacidad de para analizar la velocidad de los algoritmos de cálculo empleados en la resolución de ecuaciones numéricas.



7. Capacidad para resolver problemas reales que se plantean en otras disciplinas mediante estas técnicas.

## CONTENIDOS

Capítulo 1. Resolución numérica de ecuaciones no-lineales escalares

Capítulo 2. Resolución de sistemas de ecuaciones no lineales

Capítulo 3. Ecuaciones en diferencias finitas

Capítulo 4. Problemas de valor inicial para ecuaciones diferenciales

Capítulo 5. Problemas de contorno para ecuaciones diferenciales

## METODOLOGÍA

La planificación que se propone para el estudio de esta asignatura, se apoya de un modo importante en el texto básico de la asignatura, *Introducción al Cálculo Numérico (Parte II)*. Esta parte del texto está dividida en 5 capítulos que no son homogéneos en lo que a tamaño y dificultad se refiere y que cubren el temario de la asignatura. El curso está planificado con una duración aproximada de 14 semanas y el tiempo que se recomienda para el estudio de cada capítulo varía entre dos y cuatro semanas, con una dedicación semanal de 11 horas aproximadamente para cubrir los 150 ECTS asignados.

Al final de cada capítulo del texto básico hay una sección que contiene ejercicios resueltos. La resolución por parte del alumno de estos ejercicios y el contraste con la solución propuesta en el texto, constituirá parte del proceso de autoevaluación.

Se pueden clasificar las actividades a realizar por el alumno en:

§ Comprensión de conceptos y resultados.

§ Realización de ejercicios *en papel*.

§ Realización de prácticas con ordenador.

Una distribución recomendable de tiempo en cada una de estas tareas podría ser la siguiente:

§ 4 horas/ semana, a comprensión de conceptos y métodos constructivos.

§ 3 horas/ semana, a realización de ejercicios *en papel*.

§ 2 horas/ semana, a realización de prácticas con ordenador.

La comprensión de conceptos y métodos debe alcanzarse estudiando el texto básico. Con independencia de que la profundización en otros textos (tales como los indicados



en la bibliografía complementaria) será siempre deseable, el texto básico es suficiente para cubrir los objetivos de aprendizaje de este curso. No obstante, se hace hincapié en la necesidad de tener cubiertos los prerrequisitos para cursar la asignatura, mencionados en la sección de Requisitos previos. El texto básico contiene números ejemplos y ejercicios resueltos que permitirán afianzar la comprensión de los conceptos y la familiarización con los métodos constructivos.

Muchos de los algoritmos que se utilizan en los métodos numéricos pueden ser programados directamente en una hoja de cálculo aunque es conveniente utilizar entornos más avanzados. No obstante, en el curso virtual se darán indicaciones y se presentarán ejemplos de cómo ponerlos en práctica en entornos simples como las hojas de cálculo. Para la realización de las prácticas con ordenador se proponen las siguientes alternativas:

§ Uso de hojas de cálculo, tales como la hoja de cálculo EXCEL.

§ Uso de entornos de cálculo tales como SciLab y MatLab.

## SISTEMA DE EVALUACIÓN

### TIPO DE PRUEBA PRESENCIAL

Tipo de examen	Examen de desarrollo
Preguntas desarrollo	4
Duración del examen	120 (minutos)
Material permitido en el examen	

Calculadora no programable

### Criterios de evaluación

Las Pruebas Presenciales constarán de varios ejercicios del estilo de los ejercicios resueltos que aparecen en la última sección de cada capítulo del texto si bien podrán incorporar algunas cuestiones teóricas. Aunque la evaluación tendrá en cuenta los aspectos esenciales de las respuestas también se valorará la precisión de los cálculos realizados.

% del examen sobre la nota final	100
Nota del examen para aprobar sin PEC	5
Nota máxima que aporta el examen a la calificación final sin PEC	1
Nota mínima en el examen para sumar la PEC	4,5
Comentarios y observaciones	

### PRUEBAS DE EVALUACIÓN CONTINUA (PEC)

¿Hay PEC?

Descripción



En la Evaluación Continua, los alumnos deberán realizar una serie de ejercicios de Cálculo Numérico en un computador, de acuerdo con enunciados que estarán disponibles en el Curso Virtual en el primer fin semana de mayo, desde las 8 horas del sábado hasta las 8 horas del lunes.

**Estos ejercicios deberán ser entregados obligatoriamente en el Curso Virtual mediante un fichero con un formato estándar (preferentemente en pdf).**

#### Criterios de evaluación

Su evaluación será efectuada por los Tutores Intercampus de la asignatura y la nota correspondiente será publicada en el curso virtual antes de finalizar el mes de mayo. El periodo de reclamaciones al resultado de esta evaluación finalizará el 7 de junio, de manera que estas calificaciones serán definitivas en esta fecha. Su efecto permanecerá hasta la convocatoria de septiembre del mismo curso académico. Los tutores calificarán estas pruebas con una nota de 0 a 10 que ponderará en la nota final con un factor de 0.1. Las calificaciones así obtenidas se sumarán a la de la Prueba Presencial, si en ésta se obtuvo una puntuación de 4.5 o más puntos, truncando a 10 aquellas notas que superen este valor. La obtención de una nota superior o igual a 4.5 en la prueba presencial es un requisito indispensable para aprobar la asignatura.

**Para obtener una calificación de Matrícula de Honor se valorará la proximidad a 11 en la nota antes de truncarla. Si un alumno obtiene una nota sumada superior o igual a 5 pero su nota en la prueba presencial es inferior a 4.5, obtendrá la calificación de suspenso con calificación numérica de 4.5**

**La evaluación continua solamente aportará a la nota si las prácticas efectuadas se presentan en el Curso Virtual antes de la fecha límite señalada anteriormente.**

**La nota obtenida en la evaluación continua tendrá validez en la convocatoria de septiembre pero la perderá si el alumno no alcanza el aprobado en septiembre. Se destaca que el alumno podrá aprobar la asignatura con una puntuación de 0 en la evaluación continua pero no con nota inferior a 4.5 en la prueba presencial. No es obligatorio realizar la evaluación continua para aprobar la asignatura**

Ponderación de la PEC en la nota final	10%
Fecha aproximada de entrega	7/05/2018
Comentarios y observaciones	

#### OTRAS ACTIVIDADES EVALUABLES

¿Hay otra/s actividad/es evaluable/s?

Descripción

Criterios de evaluación

Ponderación en la nota final	0
Fecha aproximada de entrega	
Comentarios y observaciones	



### ¿CÓMO SE OBTIENE LA NOTA FINAL?

El mínimo de la suma de la nota asignada en la prueba de evaluación presencial más la de la prueba a distancia, y 10.

## BIBLIOGRAFÍA BÁSICA

ISBN(13):9788436262575

Título:INTRODUCCIÓN AL CÁLCULO NUMÉRICO (Primera edición junio 2011)

Autor/es:Moreno González, Carlos ;

Editorial:U N E D

El texto básico pretende cubrir no solamente esta asignatura sino también la de Análisis Numérico Matricial e Interpolación de segundo curso que se supone que han cursado durante el curso precedente. Únicamente corresponde a esta asignatura la segunda parte del texto.

## BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA

ISBN(13):9780387904207

Título:INTRODUCTION TO NUMERICAL ANALYSIS (2002 3ª Edición)

Autor/es:R. Bulirsch ; J. Stoer ;

Editorial:Springer

ISBN(13):9780387989594

Título:NUMERICAL MATHEMATICS

Autor/es:A. Quarteroni ; Sacco, Riccardo ; Saleri, Fausto ;

Editorial:Springer

ISBN(13):9788847005037

Título:CÁLCULO CIENTÍFICO CON MATLAB Y OCTAVE (Springer)

Autor/es:

Editorial: SPRINGER

Se completará la bibliografía complementaria en el curso virtual.

## RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA

Los estudiantes dispondrán en la biblioteca de su Centro Asociado de la bibliografía básica recomendada y, al menos, de parte de la bibliografía complementaria.

El Curso Virtual será una herramienta fundamental para el contacto del alumno con el profesor-tutor y el equipo docente. Si el Centro Asociado lo solicita y el equipo docente lo considera necesario, se realizarán sesiones de videoconferencias o presenciales.



## Recomendaciones

Se recomienda visitar asiduamente el Curso Virtual de la asignatura y participar en sus foros.

---

## IGUALDAD DE GÉNERO

En coherencia con el valor asumido de la igualdad de género, todas las denominaciones que en esta Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no hayan sido sustituido por términos genéricos, se entenderán hechas indistintamente en género femenino o masculino, según el sexo del titular que los desempeñe.

