# **GUÍA DE ESTUDIO PÚBLICA**



## **ÁLGEBRA (MATEMÁTICAS)**

CÓDIGO 61022091



**ÁLGEBRA (MATEMÁTICAS)** CÓDIGO 61022091

## **ÍNDICE**

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA **ASIGNATURA EQUIPO DOCENTE** HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE RESULTADOS DE APRENDIZAJE **CONTENIDOS METODOLOGÍA** SISTEMA DE EVALUACIÓN **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA** BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA



Ámbito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada

ÁLGEBRA (MATEMÁTICAS) Nombre de la asignatura

Código 61022091 Curso académico 2021/2022

MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES Departamento

GRADO EN MATEMÁTICAS Título en que se imparte

Curso **SEGUNDO CURSO** SEMESTRE 2 Periodo **OBLIGATORIAS** Tipo

Nº ETCS Horas 150.0

Idiomas en que se imparte **CASTELLANO** 

### PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN

La asignatura consta de 6 créditos ECTS de formación obligatoria, y se ubica en el segundo cuatrimestre, del segundo curso, del grado en Matemáticas. Dentro de su plan formativo se presentan contenidos y resultados básicos del Álgebra no Lineal que completan los estudios iniciados en la asignatura Estructuras Algebraicas, del mismo curso y del primer cuatrimestre, por lo que resulta esencial haber cursado ésta previamente. Dichos contenidos pueden resumirse en: estudio de las estructuras de anillos y cuerpos conmutativos.

Álgebra es una de las cuatro asignaturas del grado en Matemáticas que conforman la materia Álgebra y Estructuras. Las otras tres son:

Álgebra Lineal I y II (1er curso),

Estructuras Algebraicas (2º curso, 1er cuatrimestre)

Las asignaturas Álgebra Lineal I y II trabajan fundamentalmente sobre la estructura algebraica de espacio vectorial, estudiando sus propiedades, elementos y procesos algebraica de espacio vectorial, estudiando sus propiedades, elementos y procesos intrínsecos a ella. Posteriormente, en las asignaturas de segundo curso, se estudian otras estructuras algebraicas: grupos, anillos y cuerpos, que forman parte de la disciplina matemática conocida como Álgebra no lineal.

REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA

Los conocimientos necesarios que debe de tener el estudiante para afrontar la asignatura 259

Los conocimientos necesarios que debe de tener el estudiante para afrontar la asignatura son, fundamentalmente, los que se estudian en la asignatura Estructuras Algebraicas, del primer cuatrimestre, del mismo curso, que se refieren al lenguaje elemental de la Teoría de

grupos.

Así mismo, deberá conocer los resultados más importantes de la Teoría de números y tener una formación sólida en Álgebra Lineal (espacios vectoriales y aplicaciones lineales). Estos contenidos se han estudiado en asignaturas de primer curso, a saber: Matemática Discreta ∂ Ambito y Álgebra Lineal I y II.

Seguro de mediante

#### **EQUIPO DOCENTE**

JOSÉ CARLOS SIERRA GARCIA (Coordinador de asignatura) Nombre y Apellidos

Correo Electrónico jcsierra@mat.uned.es

Teléfono 91398-7312

Facultad **FACULTAD DE CIENCIAS** 

Departamento MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES

#### HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE

La tutorización y el seguimiento se realizará principalmente a través de los foros del curso virtual de la asignatura. El estudiante también se podrá poner en contacto con el equipo docente los miércoles lectivos de 15:00 a 19:00

#### **TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS**

En el enlace que aparece a continuación se muestran los centros asociados y extensiones en las que se imparten tutorías de la asignatura. Estas pueden ser:

- •Tutorías de centro o presenciales: se puede asistir físicamente en un aula o despacho del centro asociado.
- •Tutorías campus/intercampus: se puede acceder vía internet.

Consultar horarios de tutorización de la asignatura 61022091

#### **COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE**

Competencias generales:

CG4 Análisis y Síntesis

CG5 Aplicación de los conocimientos a la práctica

CG6 Razonamiento crítico

CG7 Toma de decisiones

Seguimiento, monitorización y evaluación del CG8

trabajo propio o de otros

**CG10** Comunicación y expresión escrita

**CG11** Comunicación y expresión oral

Comunicación y expresión matemática, **CG13** 

científica y tecnológica

Ética profesional (esta última abarca también CG20

la ética como investigador)



Competencias específicas:

Comprensión de los conceptos básicos y CED1

familiaridad con los elementos fundamentales para el estudio de las Matemáticas superiores

Destreza en el razonamiento cuantitativo, CED<sub>2</sub>

basado en los conocimientos adquiridos

Habilidad para formular problemas

procedentes de un entorno profesional, en el CEP1

lenguaje matemático, de manera que faciliten

su análisis y resolución

Habilidad para la comunicación con

profesionales no matemáticos para ayudarles CEP3

a aplicar las matemáticas en sus respectivas

áreas de trabajo

CEP4 Resolución de problemas

Destreza en el razonamiento y capacidad para

CEA1 utilizar sus distintos tipos, fundamentalmente

por deducción, inducción y analogía

Habilidad para crear y desarrollar argumentos

lógicos, con clara identificación de las

hipótesis y las conclusiones

Habilidad para presentar el razonamiento matemático y sus conclusiones de manera

clara y precisa, de forma apropiada a la

audiencia a la que se dirige, tanto en la forma

oral como escrita

Razonamiento crítico, capacidad de evaluar

trabajos propios y ajenos

#### RESULTADOS DE APRENDIZAJE

#### Conocimientos:

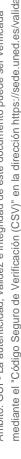
CEA3

CEA7

CE<sub>1</sub>

- 1. Conocer los conceptos de anillo, subanillo e ideal.
- 2. Saber usar el algoritmo de la división en polinomios.
- 3. Conocer las propiedades de factorización de los anillos de polinomios.
- 4. Aplicar criterios de irreducibilidad de polinomios.
- 5. Definir el concepto de cuerpo y extensión de un cuerpo dado.
- 6. Conocer los conceptos de extensión simple, finitamente generada y trascendente.

Ámbito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada



**UNED** CURSO 2021/22 5

- 7. Saber qué es un grupo de automorfismos asociado a una extensión de cuerpos dada.
- 8. Identificar los subcuerpos fijos de un grupo de automorfismos.
- 9. Conocer los teoremas de Galois.

Destrezas y habilidades:

- 1. Dotar a un conjunto de estructura de anillo.
- 2. Distinguir subconjuntos notables en un anillo: ideales y subanillos.
- 3. Aplicar el cálculo en congruencias sobre ideales del anillo Z a resolver problemas concretos de teoría de números y ecuaciones diofánticas.
- 4. Operar con polinomios en una y varias indeterminadas.
- 5. Discriminar el carácter irreducible de un polinomio dado.
- 6. Considerar extensiones de cuerpos como forma de generalizar el estudio de raíces de polinomios.

Competencias:

- 1. El Álgebra abstracta es la disciplina básica en materias ulteriores en matemática pura como la Geometría Algebraica y, en menor medida, la Topología Algebraica.
- 2. Forma parte del lenguaje de buena parte de la física moderna como Mecánica Cuántica y Física de Partículas.
- 3. Es la esencia de problemas de gran interés hoy en día como los provenientes de la Criptografía.

#### **CONTENIDOS**

TEMA 1. ANILLOS.

TEMA 2. POLINOMIOS.

TEMA 3. EXTENSIONES DE CUERPOS.

TEMA 4. TEORÍA DE GALOIS.

METODOLOGÍA

En la modalidad de educación a distancia propia de la UNED, las actividades formativas sedistribuyen entre el trabajo autónomo (la mayor parte) y el tiempo de interacción con los interacción c distribuyen entre el trabajo autónomo (la mayor parte) y el tiempo de interacción con los 

esta asignatura se seguirá el texto recomendado en la pipilograna zacara, unos comentarios que encontrará disponibles en el curso virtual, que le orientarán en el gia conceptos fundamentales, las destrezas y objetivos.

2.- La comunicación entre docentes y estudiantes para la resolución de dudas, que se lleva a cabo de dos modos:

Personalmente: si dispone de Tutor en su Centro Asociado (no en todos) y con el Equipo Docente en su horario de atención a estudiantes.

A través del curso virtual: tanto con Tutores como con Equipo Docente donde hay espacios de comunicación específicamente diseñados para eso (foros).

Un consejo acerca de los ejercicios. Cuando se sugiere un ejercicio para afianzar la teoría, se está proponiendo que el estudiante lea el enunciado y lo intente resolver por sus propios medios sin leer la solución directamente. Esto se debe a que el aprendizaje no solamente procede del estudio sino también de la reflexión sobre los ejercicios y problemas y asimismo de la búsqueda de respuestas y de razonamientos para probar una conclusión. Aunque el estudiante realice varios intentos de solución y no llegue a completar ésta, el proceso realizado es muy importante para la comprensión de los contenidos de la asignatura. El hecho de leer una solución correcta y aprendérsela de memoria, puede resultar menos interesante que llevar a cabo diversos intentos de resolución del problema. El estudiante no debe pensar que es suficiente con alcanzar unos conocimientos teóricos, sino que debe "hacer suyo" todo lo que estudia, sabiendo que las experiencias y el bagaje adquiridos en el sentido antes explicado van a marcar un hito fundamental en el estudio de su carrera.

## SISTEMA DE EVALUACIÓN

#### TIPO DE PRUEBA PRESENCIAL

Tipo de examen Preguntas desarrollo Duración del examen Material permitido en el examen

Ninguno.

Criterios de evaluación

Examen de desarrollo

120 (minutos)





Se valorarán:

- -la presentación,
- -los conocimientos adquiridos y demostrados en el examen que tengan relación con las preguntas del mismo,
- -las destrezas adquiridas que se reflejen en la resolución de los ejercicios y cuestiones del mismo,
- -las habilidades para aplicar los conocimientos teóricos a las situaciones particulares propuestas en los ejercicios y cuestiones del examen,
- -la realización de diagramas que faciliten la comprensión de los ejercicios y/o cuestiones del examen que así lo requieran,
- -la claridad de ideas demostrada a lo largo del desarrollo de las soluciones de las preguntas del examen.

80 % del examen sobre la nota final 5 Nota del examen para aprobar sin PEC Nota máxima que aporta el examen a la 10 calificación final sin PEC Nota mínima en el examen para sumar la 4

PEC Comentarios y observaciones

#### PRUEBAS DE EVALUACIÓN CONTINUA (PEC)

Si ¿Hay PEC?

Descripción

La prueba de evaluación continua consistirá en la resolución de dos ejercicios y/o cuestiones. Se propondrá por el equipo docente a través del curso virtual y cada estudiante que decida presentar sus ejercicios resueltos de dicha prueba los presentará también a través del curso virtual.

terios de evaluación

Se valorarán:

-la presentación de la prueba,

-los conocimientos adquiridos y demostrados en la prueba de evaluación

Criterios de evaluación

- continua que tengan relación con las preguntas de la misma,
- -las destrezas adquiridas que se reflejen en la resolución de los ejercicios y cuestiones de la prueba de evaluación continua,
- -las habilidades para aplicar los conocimientos teóricos a las situaciones particulares propuestas en los ejercicios y cuestiones de la la prueba de evaluación continua,
- -la realización de diagramas que faciliten la comprensión de los ejercicios y/o cuestiones de la prueba que así lo requieran,
- -la claridad de ideas demostrada a lo largo del desarrollo de las soluciones de las preguntas de la la prueba de evaluación continua.

Ponderación de la PEC en la nota final

27/04/2022 Fecha aproximada de entrega

Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de (CSV)" Seguro de Verificación nediante

Comentarios y observaciones

#### **OTRAS ACTIVIDADES EVALUABLES**

¿Hay otra/s actividad/es evaluable/s? No Descripción

Criterios de evaluación

Ponderación en la nota final Fecha aproximada de entrega Comentarios y observaciones

#### ¿CÓMO SE OBTIENE LA NOTA FINAL?

Cuando se alcancen los mínimos antes enunciados, la nota final en la convocatoria de junio se obtendrá mediante la fórmula:

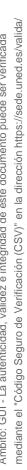
0.8 CPP + 0.2 CPEC si el estudiante ha realizado la Prueba de Evaluación Continua **CPP** si el estudiante no ha realizado la Prueba de Evaluación Continua siendo CPP la calificación del examen o Prueba Presencial y CPEC la calificación de la Prueba de Evaluación Continua.

En la convocatoria de septiembre, si la calificación de la evaluación continua es inferior a la de la prueba presencial, se queda solo la calificación de la prueba presencial sin ninguna ponderación.

### **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA**

- ISBN(13):9788417765057
  Título:ANILLOS Y CUERPOS. CURSO BÁSICO
  Autor/es:Gamboa, José Manuel; Ruiz Sancho, Jesús M³;
  Editorial:Sanz y Torres, S. L.
  ISBN(13):9788488667762
  Título:PROBLEMAS DE ANILLOS Y CUERPOS CONMUTATIVOS (1ª)
  Autor/es:Fernández Laguna, Víctor;
  Editorial:SANZ Y TORRES

  •"Anillos y Cuerpos. Curso Básico" de José Manuel Gamboa y Jesús M. Ruíz, de la editorial Sanz y Torres, S. L.
  •Víctor Fernández, "Problemas de Anillos y cuerpos conmutativos." Ed.: Sanz y Torres, 2001.
  No obstante, si algún estudiante posee el libro "Anillos y cuerpos conmutativos", podrá seguir utilizándolo para preparar la parte teórica de la asignatura.



## **BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA**

ISBN(13):9788415550662

Título:ESTRUCTURAS ALGEBRAICAS: DIVISIBILIDAD EN ANILLOS CONMUTATIVOS (2ª - 2017)

Autor/es:Gamboa, J. M.; Fernando, J. F.;

Editorial:SANZ Y TORRES

ISBN(13):9788415550983

Título: ECUACIONES ALGEBRAICAS: EXTENSIONES DE CUERPOS Y TEORÍA DE GALOIS (2ª -2017)

Autor/es:Gamboa, J. M.; Fernando, J. F.;

Editorial:: SANZ Y TORRES

Son libros para ser consultados en bibliotecas, no son de uso obligatorio.

- Libros introductorios y elementales:

Delgado, F., Fuertes C., Xambó S. Introducción al Álgebra Vol. II. Universidad de Valladolid, 1998.

Dorronsoro, J., Hernández, E. Números, grupos y anillos. Addison-Wesley. Universidad Autónoma de Madrid. 1996.

Clark, A. Elements of abstract algebra. Dover, New york. 1974.

Fraleigh, J. A first couse in abstract algebra. Reading (Massachusetts), Addison-Wesley. 1982.

Fernando, J. F.; Gamboa, J. M. Estructuras Algebraicas: Divisibilidad en Anillos Conmutativos. Sanz y Torres. Madrid. 2ª Ed. - 2017.

Gallian, J. A. Comtemporary abstract Algebra. Health and Company. Massachusetts. 1990. Gamboa, J. M.; Ruiz Sancho, J. ANILLOS Y CUERPOS. CURSO BÁSICO. Sanz y Torres, S. L. Madrid. Edición 1ª 2019. DISPONIBILIDAD ESTIMADA: PRIMER CUATRIMESTRE CURSO 2019-2020.

- Libros para profundizar, consultar y aplicar la Teoría de Galois.

Edwards, H. Galois Theory. Springer-Verlag. 1984.

Fernando, J. F.; Gamboa, J. M. Ecuaciones Algebraicas: Extensiones de Cuerpos y Teoría de Galois. Sanz y Torres. Madrid. 2ª Ed. - 2017.

Garling, D. J. H., A course in Galois theory. Cambridge University Press. 1988.

Rotman, J. H. Galois theory. Universitext, Springer-Verlag. 1990.

- Libros donde se aplican las técnicas de álgebra abstracta en teoría de números.

Cilleruelo, J., Córdoba A. La teoría de números. Biblioteca Mondadori. 1992.

Le Veque, W. J. Elementary theory of numbers. Dover. 1990.



- Libros donde el álgebra abstracta ramifica en cálculo computacional, teoría de códigos, criptografía.

Cohen, H. A course in computational algebraic number theory. GTM 138. Springer-Verlag. 1991.

Hill, R. A First Course in Coding theory. Clarendon Press. Oxford. 1986. Hoffaman (et al.) Coding Theory: the essentials. Marcel Decker. Inc., New-York. 1992. Koblitz, N. A course in number theory and cryptography. GTM 114, Springer-Verlag. 1992.

#### RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA

•Curso virtual. Las herramientas telemáticas son el recurso más importante para el estudio a distancia. A través del curso virtual de la asignatura podrá obtener distintos materiales e informaciones importantes. Además dispondrá de diversas herramientas de comunicación para contactar con profesores y compañeros y preguntar sus dudas. El acceso a los cursos virtuales de cada asignatura se hace desde la página web de la UNED, www.uned.es, (identificándose con un nombre de usuario y clave que obtendrá al matricularse). El equipo docente utilizará este medio telemático para comunicar a los estudiantes novedades y hechos relevantes relacionados con la preparación de la asignatura.

IGUALDAD DE GÉNERO

En coherencia con el valor asumido de la igualdad de género, todas las denominaciones que en estap Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por términos genéricos, se entenderán hechas indistintamente en género femenino o masculino, según el sexo del titular que los desempeñe. comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por

Verificación nediante