# **GUÍA DE ESTUDIO PÚBLICA**



# **ÁLGEBRA LINEAL I**

CÓDIGO 61021016



# **ÁLGEBRA LINEAL I CÓDIGO 61021016**

# **ÍNDICE**

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA **ASIGNATURA EQUIPO DOCENTE** HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE RESULTADOS DE APRENDIZAJE **CONTENIDOS METODOLOGÍA** SISTEMA DE EVALUACIÓN **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA** BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA



Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el

**UNED** 2 CURSO 2022/23

ÁLGEBRA LINEAL I Nombre de la asignatura

Código 61021016 Curso académico 2022/2023

MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES Departamento

GRADO EN MATEMÁTICAS Título en que se imparte

Curso PRIMER CURSO SEMESTRE 1 Periodo FORMACIÓN BÁSICA Tipo

Nº ETCS Horas 150.0

**CASTELLANO** Idiomas en que se imparte

# PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN

Álgebra Lineal I es una asignatura del primer cuatrimestre, del primer curso, del grado en Matemáticas. Consta de 6 créditos ECTS y es de carácter básico. Dentro de su plan formativo se presentan contenidos y resultados básicos del Álgebra Lineal que, a grandes rasgos, pueden resumirse en: sistemas de ecuaciones lineales, matrices, espacios vectoriales y aplicaciones lineales u homomorfismos vectoriales. Ésta es una rama de las matemáticas que presenta gran cantidad de aplicaciones en todas las Ciencias, Ingenierías y Ciencias Sociales.

Álgebra Lineal I es una de las cuatro asignaturas del grado en Matemáticas que conforman la materia Álgebra y Estructuras. Las otras tres son:

Ia materia Algebra y Estructuras. Las otras tres son:

Álgebra Lineal II (1er curso, 2º cuatrimestre),

Estructuras Algebraicas (2º curso, 1er cuatrimestre) y

Álgebra (2º curso, 2º cuatrimestre).

Las asignaturas Álgebra Lineal I y II trabajan fundamentalmente sobre la estructura algebraica de espacio vectorial, estudiando sus propiedades, elementos y procesos intrínsecos a ella. Posteriormente, en las asignaturas de segundo curso, se estudiarán otras ë estructuras algebraicas: grupos, anillos y cuerpos, que requieren un nivel mayor de

abstracción.

Es muy importante, de cara a la matriculación de asignaturas, tener en cuenta que no se podrá abordar el estudio de Álgebra Lineal II sin dominar los contenidos de Álgebra Lineal I, a que aquélla es una continuidad en el estudio de los conceptos de ésta. ya que aquélla es una continuidad en el estudio de los conceptos de ésta.

ya que aquélla es una continuidad en el estudio de los conceptos de ésta.

En relación con el perfil profesional, el Álgebra contribuye al desarrollo de la habilidad para profesional, en el lenguaje matemático, de manera que faciliten su análisis y resolución.

REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA

Los conocimientos previos necesarios para afrontar el estudio de la asignatura son los propios del Bachillerato Científico-Tecnológico o los de la asignatura Matemáticas del Curso.

propios del Bachillerato Científico-Tecnológico o los de la asignatura Matemáticas del Curso de la companio del companio de la companio de la companio del companio de la companio del companio de la companio de la companio de la companio del companio de la companio del companio del companio de la companio de la companio del companio del companio de la companio del companio de de Acceso para Mayores de 25 años. Si se lleva mucho tiempo sin estudiar matemáticas, se  $\frac{\ddot{b}}{\sqrt{2}}$ 

dirección https://sede.u en la (CSV)" "Código

recomienda ponerse al día utilizando la bibliografía recomendada para el mencionado Curso de Acceso o un libro de texto de Bachillerato. También dispone de los materiales gratuitos del Curso Cero de libre acceso en el portal de la UNED.

### **EQUIPO DOCENTE**

Nombre y Apellidos BEATRIZ ESTRADA LOPEZ (Coordinador de asignatura)

Correo Electrónico bestra@mat.uned.es

Teléfono 91398-7248

Facultad **FACULTAD DE CIENCIAS** 

Departamento MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES

Nombre y Apellidos ROBERTO CANOGAR MCKENZIE

Correo Electrónico rcanogar@mat.uned.es

Teléfono 91398-8775

Facultad **FACULTAD DE CIENCIAS** 

Departamento MATEMÁTICAS FUNDAMENTALES

## HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE

El Equipo Docente realizará la tutorización y el seguimiento de los estudiantes fundamentalmente a través del curso virtual de la asignatura. En él se habilitarán foros temáticos en los que el alumno podrá plantear sus dudas y trabajar junto con sus compañeros. Así mismo, los alumnos podrán contactar con el Equipo Docente telefónicamente o de manera presencial en el siguiente horario:

Profesora Beatriz Estrada López

Martes de 10:30 a 14:30

Teléfono: 91 398 7248

email: bestra@mat.uned.es

Departamento de Matemáticas Fundamentales, Facultad de Ciencias

Juan del Rosal, 10, 28040 Madrid.

Tutores presenciales: en algunos casos dispondrá de un tutor en su Centro Asociado, al que podrá consultar sus dudas personalmente de manera más cercana. Consulte en supportante de contro de su contro de

TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS

En el enlace que aparece a continuación se muestran los centros asociados y extensiones en las que se imparten tutorías de la asignatura. Estas pueden ser:

- •Tutorías de centro o presenciales: se puede asistir físicamente en un aula o despacho del proposition de la asignatura 61021016

  •Tutorías campus/intercampus: se puede acceder vía internet.

  Consultar horarios de tutorización de la asignatura 61021016

dirección en (CSV)" Verificación de "Código

## COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE

### **Competencias Generales:**

CG4: Análisis y síntesis.

CG5: Aplicación de los conocimientos a la práctica.

CG13: Comunicación y expresión matemática, científica y tecnológica.

CG14: Competencia en el uso de las TIC (Tecnologías de la información y la comunicación).

#### **Competencias Específicas:**

CED1: Comprensión de los conceptos básicos y familiaridad con los elementos fundamentales para el estudio del Álgebra Lineal.

CEP4: Resolución de problemas.

CEA1: Destreza en el razonamiento y capacidad para utilizar sus distintos tipos, fundamentalmente por deducción, inducción y analogía.

CEA2: Capacidad para tratar problemas matemáticos desde diferentes planteamientos y su formulación correcta en lenguaje matemático, de manera que faciliten su análisis y resolución. Incluyendo la representación gráfica y la aproximación geométrica.

CEA3: Habilidad para crear y desarrollar argumentos lógicos, con clara identificación de las hipótesis y las conclusiones.

CEA4: Habilidad para detectar inconsistencias de razonamiento, ya sea de forma teórica o práctica mediante la búsqueda de contraejemplos.

CEA7: Habilidad para presentar el razonamiento matemático y sus conclusiones de manera clara y precisa.

## RESULTADOS DE APRENDIZAJE

- Manejar matrices, calcular determinantes, y estudiar y resolver, en su caso, sistemas de ecuaciones lineales. Utilizar el Teorema de Rouché-Frobenius.
- Manejar espacios vectoriales de dimensión finita. Manejar conceptos relacionados con subespacios vectoriales o variedades lineales de un espacio vectorial dedimensión finita.
- Manejar bases de un espacio vectorial y coordenadas de vectores en función de una base. Conocer y manejar las ecuaciones de un cambio entre dos bases distinta de un mismo espacio vectorial. Resolver problemas con bases.
- Manejar las aplicaciones lineales entre espacios vectoriales. Conocer sus operaciones.
- Manejar las distintas matrices de una aplicación lineal al fijar bases de los espacios vectoriales entre los que está definida dicha aplicación lineal. Resolver problemas con aplicaciones lineales y sus matrices.

Àmbito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el dirección https://sede.

**UNED** 5 CURSO 2022/23

### **CONTENIDOS**

#### 1. Matrices

- 1.1 Operaciones con matrices.
- 1.2 Escalonamiento de Matrices (Método de Gauss).
- 1.3 Rango de una matriz.
- 1.4 Inversa de una matriz.
- 1.5 Determinante de una matriz cuadrada

#### 2. Sistemas Lineales

- 2.1 Representación matricial
- 2.2 Resolución de sistemas lineales por escalonamiento.
- 2.3 Teorema de Rouché-Frobenius.

#### 3. Espacios vectoriales

- 3.1 Espacios vectoriales reales y complejos
- 3.2 Dependencia e independencia lineal de vectores. Rango. Sistema generador, base y dimensión.
- 3.3 Coordenadas y matrices de cambio de base.
- 3.4 Subespacios vectoriales. Ecuaciones paramétricas e implícitas.
- 3.5 Suma e intersección de subespacios.
- 3.6 Espacio vectorial cociente módulo un subespacio.

#### 4. Aplicaciones lineales

- 4.1 Aplicación lineal. Subespacios Núcleo e Imagen.
- 4.2 Tipos de aplicaciones lineales.
- 4.3 Representación matricial.
- 4.4 Endomorfismos.
- 4.5 Proyecciones y Simetrías.
- 4.6 Espacio dual.



Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el

# **METODOLOGÍA**

En la modalidad de educación a distancia propia de la UNED, las actividades formativas se distribuyen entre el trabajo autónomo y el tiempo de interacción con los equipos docentes. estudiantes y tutores. Esta interacción se realiza, fundamentalmente, por dos medios:

- 1. Las orientaciones y los materiales de estudio diseñados por los Equipos Docentes. Todos los contenidos de la asignatura se siguen por un libro de texto al que denominamos Bibliografía Básica y sobre el que se trabaja en común en el curso virtual. Los contenidos de la asignatura se pueden seguir también por otros libros de álgebra lineal, con tal de asegurarse de cubrir todos los contenidos descritos en esta Guía; pero el material de trabajo común y de referencia será la Bibliografía Básica. Se tendrán en cuenta las orientaciones para el estudio el estudio tema a tema, donde se destacan los conceptos fundamentales, las destrezas y objetivos que se persiguen. Además, en el Plan de Trabajo se incluye una propuesta de planificación temporal del estudio de la asignatura. Dispondrá también de materiales multimedia (vídeos y videoconferencias grabadas).
- 2. La comunicación entre docentes y estudiantes para la resolución de dudas, que se lleva a cabo de dos modos: por un lado podrá disponer de un tutor en su centro asociado no en todos los centros-, con el que podrá asesorarse y resolver dudas personalmente. Por otro, podrá contactar con el equipo docente de la asignatura (y también con su tutor) por medio del curso virtual (dispone de un curso virtual por cada asignatura), en el que se atienden dudas organizadas por temas. Con el Equipo Docente podrá contactar, además, por teléfono o personalmente en su horario de atención a estudiantes.

# SISTEMA DE EVALUACIÓN

#### TIPO DE PRUEBA PRESENCIAL

Examen tipo test Tipo de examen

Preguntas test 10

120 (minutos) Duración del examen

Material permitido en el examen

Un único libro de teoría de Álgebra Lineal

Criterios de evaluación

Cada respuesta acertada vale 1 punto, cada respuesta incorrecta -0,5 puntos. Las preguntas sin contestar no añaden ni restan puntos.

% del examen sobre la nota final 60

5 Nota del examen para aprobar sin PEC

Nota máxima que aporta el examen a la 10

calificación final sin PEC

Nota mínima en el examen para sumar la 4,5

PEC

Comentarios y observaciones

Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el

en la dirección https://sede. (CSV)" de "Código

**UNED** 7 CURSO 2022/23

#### PRUEBAS DE EVALUACIÓN CONTINUA (PEC)

Si ¿Hay PEC?

Descripción

Se realizarán dos pruebas de evaluación continua (PEC). Las dos PEC serán examenes de desarrollo con varios ejercicios que podrán ser de tipo teórico y práctico. El nivel de dificultad nunca superará a los que pueden consultarse en la bibliografía básica. Los ejercicios serán sobre los siguientes temas:

Primera PEC: Matrices (fecha provisional: 21 de noviembre)

Segunda PEC: Sistemas Lineales y Espacios vectoriales (fecha provisional: 19 de diciembre).

Las PEC se realizan en línea, a través del curso virtual de Álgebra Lineal I, donde se darán instrucciones precisas para su realización. En el curso virtual de la asignatura puede consultar pruebas de años anteriores para hacerse una idea del tipo de preguntas.

La nota por evaluación continua será la media de las notas de las dos pruebas.

#### Criterios de evaluación

- Comprensión de los conceptos básicos.
- Resolución de problemas en los que se demuestren las habilidades adquiridas.
- Uso correcto del lenguaje matemático (claridad y precisión).
- Desarrollo de argumentos lógicos con clara identificación de las hipótesis y las conclusiones.

Ponderación de la PEC en la nota final 40%

21/11/2022 y 19/12/2022 (se confirmarán a Fecha aproximada de entrega

través del curso virtual)

Comentarios y observaciones

La nota de la evaluación continua se conserva para la convocatoria de septiembre.

#### **OTRAS ACTIVIDADES EVALUABLES**

¿Hay otra/s actividad/es evaluable/s? No Descripción

No hay más actividades evaluables.

Criterios de evaluación

Ponderación en la nota final 0 Fecha aproximada de entrega

Comentarios y observaciones

¿CÓMO SE OBTIENE LA NOTA FINAL?

Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante de "Código



La nota final (NF) será igual a la de la Prueba Presencial (PP) si no se han realizado las dos pruebas de evaluación contínua, o si no se ha aprobado alguna de ellas.

Cuando se hayan aprobado las dos pruebas de evaluación continua, la nota por evaluación continua (PEC) será la media entre las notas de las dos pruebas. En tal caso, el cómputo de la nota final se hará según la fórmula:

NF =  $maximo \{ PP, (0.60) \cdot PP + (0.40) \cdot PEC \}$ 

Es decir, que se hará la ponderación de notas PP y PEC siempre que el valor obtenido no perjudique la nota de la Prueba Presencial.

# **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA**

Texto básico de teoría:

Título: Álgebra Lineal y Geometría Vectorial. Segunda edición (2019).

Autores: Alberto Borobia y Beatriz Estrada

Editorial: Sanz y Torres. ISBN: 978-84-17765-04-0

En esta asignatura se estudiarán los capítulos 1 al 4. Los capítulos 5 al 9 se corresponden con los contenidos de la asignatura del segundo semestre Álgebra Lineal II.

Texto básico de ejercicios resueltos:

Título: Ejercicios resueltos de Álgebra Lineal. Volumen I. (2020).

Autora: Beatriz Estrada Editorial: Sanz y Torres. ISBN: 978-84-17765-76-7

# **BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA**

#### Libros de teoría:

Álgebra Lineal con métodos elementales. L. Merino y E. Santos. Ed. Paraninfo, 2006.

Álgebra Lineal (Vol. I). Fernando, J.F., Gamboa, J.M., Ruiz, J.M. Ed. Sanz y Torres, 2011.

Álgebra Lineal y Geometría Cartesiana. J. Burgos. McGraw Hill, 3ª ed.

Álgebra Lineal y Geometría. Hernández, E., Vázquez, M.J., Zurro, M.A. 3ª edición. Pearson. 2012.

#### Teoría con aplicaciones:

Álgebra Lineal y sus aplicaciones. D. C. Lay. . Prentice Hall, 3ª ed, 2007.

#### Libro de Ejercicios:

Problemas de álgebra con esquemas teóricos. A. de la Villa, Ed. Glagsa, 3ª ed. 1994

Ambito: GUI - La autenticidad, validez e integridad de este documento puede ser verificada mediante el



# **RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA**

Curso virtual. Después de la Bibliografía Básica, las herramientas telemáticas son el recurso más importante para el estudio a distancia. A través del curso virtual de la asignatura podrá obtener materiales e informaciones importantes:

- Guía de Estudio completa en la que se orienta sobre los contenidos y objetivos de cada tema.
- Exámenes de años anteriores. De gran utilidad para saber el nivel de exigencia para superar la asignatura y como modelos de práctica.
- Material audiovisual: vídeos con resúmenes de los contenidos de la asignatura siguiendo la Bibliografía Básica.
- Herramientas de comunicación. El curso virtual provee a los alumnos de espacios (foros) para la comunicación entre ellos, así como para comunicarse con los Tutores y el Equipo Docente, y resolver sus dudas. A dicho curso acceden todos los alumnos matriculados en España y en el extranjero, todos los Tutores y el Equipo Docente. El acceso a los cursos virtuales de cada asignatura se hace desde la página web de la UNED www.uned.es (identificándose con un nombre de usuario y contraseña que obtendrá al matricularse). El equipo docente utilizará este medio telemático para comunicar a los alumnos novedades y hechos relevantes relacionados con la preparación de la asignatura a través del Tablón de Anuncios. Su uso es indispensable.

Programas de cálculo simbólico que le servirán para la corrección de ejercicios y la

Programas de cálculo simbólico que le servirán para la corrección de ejercicios y la experimentación:

MAPLE V se distribuye de forma gratuita a alumnos de la UNED.

wxMaxima: software libre.

IGUALDAD DE GÉNERO

En coherencia con el valor asumido de la igualdad de género, todas las denominaciones que en esta as Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la genero, todas las denominaciones que en esta as Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la genero, todas las denominaciones que en esta as Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la genero. Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por términos genéricos, se entenderán hechas indistintamente en género femenino o masculino, según el sexo del titular que los desempeñe.

en la dirección (CSV)" de "Código (